

DIVISIONS

1- Division simple, principe

exemple : $301 \div 7$

Le nombre à diviser (301) ou *DIVIDENDE*

Une barre verticale

Le nombre qui divise (7) ou *DIVISEUR*

Une barre horizontale

Le résultat d'une division est le *QUOTIENT*

3 0 1	7

Principe : « **En ? Combien de fois 7 ?** »

On ne peut pas faire : « *En 3 combien de fois 7 ?* » car 3 est plus petit que 7

On prend alors les 2 premiers chiffres de 301 : « *En 30 combien de fois 7 ?* »

Quel chiffre, multiplié par 7, va permettre de se *rapprocher* le plus de 30 (sans le dépasser) ?

Réponse : **4 fois** ($4 \times 7 = 28$)

3 0 1	7
2 8	4

On retranche 28 de 30

$$30 - 28 = 2$$

3 0 1	7
- 2 8	4
2	

On poursuit la division en abaissant le 1 à droite du 2
 « *En 21 combien de fois 7 ?* »

3 0 1	7
- 2 8	4
2 1	

Réponse : **3 fois** ($3 \times 7 = 21$), qu'on pose à droite du 4

3 0 1	7
- 2 8	4 3
2 1	

On retranche 21 à ... 21
 $21 - 21 = 0$

La division « *tombe juste* » et s'arrête. RESULTAT : **$301 \div 7 = 43$**

3 0 1	7
- 2 8	4 3
2 1	
- 2 1	
0	

2 - Division ne « tombant pas juste »

exemple : **$249 \div 6$**

2 4 9	6

« *En 24 combien de fois 6 ?* » **4 fois**

$4 \times 6 = 24$, $24 - 24 = 0$

On abaisse le 9 pour continuer : « *En 9 combien de fois 6 ?* » **1 fois**
 $9 - 6 = 3$

2 4 9	6
2 4	4
0 9	

2 4 9	6
2 4	4 1
0 9	
6	
3	

On n'a plus de chiffre à abaisser. Mais il **reste** un 3 à diviser
 Pour continuer il faut

- placer une virgule au résultat après le 1
- rajouter un zéro après le 3

2 4 9	6
2 4	4 1,
0 9	
6	
3 0	

On peut alors faire : « *En 30 combien de fois 6 ?* » **5 fois**
 $5 \times 6 = 30$ et $30 - 30 = 0$

2 4 9	6
2 4	4 1, 5
0 9	
6	
3 0	
3 0	
0	

RESULTAT → **$249 \div 6 = 41,5$**

3 - Division avec plusieurs chiffres au diviseur

exemple : $252 \div 21$

$$\begin{array}{r|l} 252 & 21 \\ \hline & \end{array}$$

Principe identique : « *En 25 combien de fois 21 ?* » **1 fois**
 $1 \times 21 = 21$, $25 - 21 = 4$ et on abaisse le 2

$$\begin{array}{r|l} 252 & 21 \\ \hline 21 & 1 \\ 42 & \end{array}$$

« *En 42 combien de fois 21 ?* » **2 fois**
 $2 \times 21 = 42$, $42 - 42 = 0$ → la division « tombe juste »

$$\begin{array}{r|l} 252 & 21 \\ \hline 21 & 12 \\ 42 & \\ 42 & \\ 0 & \end{array}$$

RESULTAT: $252 \div 21 = 12$

4 - Division avec nombres décimaux

• exemple : $252 \div 2,1$

$$\begin{array}{r|l} 252 & 2,1 \\ \hline & \end{array}$$

Principe : on essaie de « *supprimer la virgule* » au **diviseur**
Dans cet exemple on va multiplier 2,1 par 10. $2,1 \times 10 \rightarrow 21$
Mais si on fait cela il faut aussi multiplier 252 par 10. $252 \times 10 \rightarrow 2520$
On se retrouve à faire la division suivante (qui est la même que l'énoncé) :

2 5 2 0	2 1

• exemple : $25,2 \div 21$

2 5 , 2	2 1

On a un nombre entier au diviseur, on peut faire la division
 « *En 25 combien de fois 21 ?* » 1 fois
 $1 \times 25 = 21$ et $25 - 21 = 4$

2 5 , 2	2 1
2 1	1
4	

Attention on ne peut pas abaisser le 2 et continuer la division en faisant « *En 42 combien de fois 21 ?* » Il y a la virgule et c'est comme si on voulait diviser **4,2 par 21** ! Comme 4,2 est plus petit que 21 il faut donc :
 - poser une virgule au résultat après le 1
 - et seulement après on peut abaisser le 2 et poursuivre

2 5 , 2	2 1
2 1	1 ,
4 2	

« *En 42 combien de fois 21 ?* » 2 fois
 $2 \times 21 = 42$
 $42 - 42 = 0$

2 5 , 2	2 1
2 1	1 , 2
4 2	
4 2	
0	

RESULTAT : $25,2 \div 21 = 1,2$

5 - Division par 10, 100, 1000...

Pour un nombre décimal déplacer la virgule de 1, 2, 3... rangs vers la gauche en complétant au besoin avec des zéros

$$5,42 \div 10 = 0,542$$

$$54,2 \div 100 = 0,542$$

$$0,54 \div 100 = 0,00542$$

Principe identique pour un nombre entier qu'on « transforme » en nombre décimal

$$542 \div 100 = ?$$

$$542 = 542,0$$

$$542,0 \div 100 = 5,42$$